

Divide & Conquer Algorithmus für SEP

INPUT: $A = A^T \in R^{n \times n}$ tridiagonal.

OUTPUT: $\Lambda := \{\lambda_1, \dots, \lambda_n\} = \Lambda(A)$, $Q = [q_1, \dots, q_n] \in R^{n \times n}$
orthogonal mit $Aq_j = \lambda_j q_j$, $j = 1, \dots, n$.

1: Bestimme n .

2: **if** $n > 1$ **then**

3: Forme $A = \begin{bmatrix} A_1 & \\ & A_2 \end{bmatrix} + b_m v v^T$.

4: Berechne Q_1, Λ_1 durch Aufruf von DCSEP(A_1).

5: Berechne Q_2, Λ_2 durch Aufruf von DCSEP(A_2).

6: Berechne $D + \rho u u^T$ aus $Q_1, Q_2, \Lambda_1, \Lambda_2$.

7: Finde die Eigenwerte Λ von $D + \rho u u^T$ durch Berechnen aller Nullstellen von $f(\lambda) = 1 + \rho \sum_{i=1}^n \frac{u_i^2}{d_i - \lambda}$.

8: Berechne den Vektor \hat{u} mit dem Satz von Löwner. Berechne die Eigenvektoren von $D + \hat{u} \hat{u}^T$:

$$\hat{q}_j = (D - \lambda_j)^{-1} \hat{u}.$$

9: Berechne die Eigenvektoren von A :

$$Q = \begin{bmatrix} Q_1 & \\ & Q_2 \end{bmatrix} \cdot [\hat{q}_1, \dots, \hat{q}_n].$$

10: **else**

11: $Q = 1, \Lambda = \{A\}$

12: **end if**
