

Aufgabe	Name, Vorname	Punkte
1		erreichbar: 12

1. Untersuchen Sie die folgende Reihe auf Konvergenz

$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n!}{(2n)!}$$

2. Berechnen Sie

$$\lim_{x \rightarrow 0} \left(\frac{1}{x} - \frac{1}{e^x - 1} \right)$$

3. Berechnen Sie folgendes Integral

$$\int \frac{1}{(x-3)(x+1)} dx$$

Aufgabe	Name, Vorname	Punkte
2		erreichbar: 7

Gegeben seien die Funktion $F : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$ mit $F(y_1, y_2, y_3) = (y_1, y_2 e^{y_3})$ sowie $G : \mathbb{R}^4 \rightarrow \mathbb{R}^3$ $G(x_1, x_2, x_3, x_4) = (x_1 x_4 \cos x_3, \cos x_2, x_2 e^{x_2})$. Weiter sei $H : \mathbb{R}^4 \rightarrow \mathbb{R}^2$ definiert durch $H(x_1, x_2, x_3, x_4) = F(G(x_1, x_2, x_3, x_4))$. Bestimmen Sie mit Hilfe der Kettenregel $\frac{\partial H}{\partial x}$ an der Stelle $(1, 0, \frac{\pi}{2}, 2)$.

Aufgabe	Name, Vorname	Punkte
3		erreichbar: 13

Gegeben sei die Kurve K durch $X : [0, 2] \rightarrow \mathbb{R}^2$ mit $X(t) = (t^2 \sin 2\pi t, t^2 \cos 2\pi t)$, $t \in [0, 2]$.

1. Skizzieren Sie K .
2. Bestimmen Sie die Gleichung der Tangenten im Punkt $(0, 1)$.
3. Bestimmen Sie die Bogenlänge von K .

Aufgabe 4	Name, Vorname	Punkte erreichbar: 10
---------------------	---------------	------------------------------

Untersuchen Sie die Funktion $f(x, y) = x^2 - xy + \frac{3}{2}y^2$ auf lokale und globale Extrema!

Aufgabe 5	Name, Vorname	Punkte erreichbar: 8
---------------------	---------------	-----------------------------

Gesucht ist das Minimum der Funktion $f(x_1, x_2) = x_1^2 + x_2^2 - \frac{6}{5}x_1 - \frac{8}{5}x_2 + 1$ unter der Nebenbedingung $g(x_1, x_2) = x_1^2 + x_2^2 - 1 = 0$.

Aufgabe 6	Name, Vorname	Punkte erreichbar: 10
---------------------	---------------	------------------------------

Führen Sie für die Funktion $f(x) = (x^2 + 2x + 1)e^{-x}$ eine Kurvendiskussion durch!
