Fakultät für Mathematik

Höhere Mathematik I.2

Prüfungsklausur

Allgemeine Hinweise: Jede Aufgabe ist auf einem gesonderten Blatt zu bearbeiten! Schreiben Sie alle wesentlichen Schritte auf dem Weg zum Ergebnis nachvollziehbar auf!

Zugelassene Hilfsmittel: ein mit Namen versehenes beidseitig beliebig beschriftetes Blatt im Format A4

1. (8 Punkte)

Sei $f(x) = 16\sqrt{x}$. Berechnen Sie f(1,1) näherungsweise durch Taylorentwicklung von f(x) bis zum kubischen Glied an der Stelle $x_0 = 1$ und schätzen Sie den Fehler mithilfe des Lagrangeschen Restgliedes ab!

2. (7 Punkte)

a) Erläutern Sie den Begriff Riemann-Summe!

b) Berechnen Sie
$$\int_{0}^{\frac{\pi}{2}} \sqrt{1+3\cos x} \sin x dx !$$

3. (7 Punkte)

(7 Punkte) Ermitteln Sie die allgemeine reelle Lösung des Differenzialgleichungssystems $\dot{x}=y$ $\dot{y}=-4x$!

4. (10 Punkte)

In einer Werkstatt werden kleine und große Regale gefertigt. Zur Herstellung eines kleinen Regals wird 1 Stunde benötigt, dabei entstehen Kosten in Höhe von 50 € und beim Verkauf ist ein Gewinn von 20 € zu erzielen. Ein großes Regal wird in 4 Stunden hergestellt, die Herstellungskosten betragen 300 € und der zu erzielende Verkaufsgewinn 130 €. Es stehen maximal 100 Stunden zur Verfügung, die Herstellungskosten sollen insgesamt 6000 € nicht überschreiten.

- a) Stellen Sie das mathematische Modell für die Gewinnmaximierung unter diesen Bedingun-
- b) Lösen Sie die lineare Optimierungsaufgabe mittels Simplexverfahren! Wie groß ist der maximale Gewinn?
- c) Welche Bedeutung haben die Werte der Schlupfvariablen in der optimalen Lösung?

5. (8 Punkte)

Untersuchen Sie die Funktion $f(x,y) = 12xy - x^3y + 16\ln y - 32y$ auf Extremwerte!